


**Министерство сельского хозяйства Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Дагестанский государственный аграрный
университет имени М.М. Джамбулатова»
Аграрно-экономический техникум**



Утверждаю:

Первый проректор

 М.Д. Мукайлов

«26» марта 2024 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
ОУД.13 «МАТЕМАТИКА»**

по специальности:

«20.02.01 Экологическая безопасность природных комплексов»

Форма обучения – очная

Срок получения СПО по ППССЗ – 2 г.10 м.

Махачкала 2024г

Рабочая программа учебной дисциплины разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта (далее – ФГОС) по специальности среднего профессионального образования (далее - СПО)

«20.02.01 Экологическая безопасность природных комплексов»

Организация-разработчик: ФГБОУ ВО «Дагестанский государственный аграрный университет имени М.М. Джамбулатова» Аграрно-экономический техникум

Разработчик:



Преподаватель

Р.А. Амирханова

Одобрено на заседании ПЦК

Общеобразовательных, общегуманитарных,
социально-экономических, математических
и естественнонаучных дисциплин
«11» марта 2024 г., протокол № 7

Председатель ПЦК



Далгатова Н.А.

СОГЛАСОВАНО:



Директор АЭТ

подпись

Магомедов Д.А.

СОДЕРЖАНИЕ

1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ.	4
2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	10
3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ.....	21
4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ.....	24

1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ОУД.13«Математика»

1.1. Область применения рабочей программы.

Рабочая программа учебной дисциплины ОУД. 13«Математика» является частью программы подготовки специалистов среднего звена с ФГОС СПО по специальности «**20.02.01 Экологическая безопасность природных комплексов**»

1.2. Место дисциплины в структуре программы подготовки специалистов среднего звена: учебная дисциплина входит в общеобразовательный цикл. Общие учебные дисциплины. Профильные дисциплины. ОУД.13

1.3. Цели и задачи дисциплины - требования к результатам освоения учебной дисциплины:

Содержание программы «Математика» направлено на достижение следующих целей:

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих **результатов:**

личностных:

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;
- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;
- развитие логического мышления, пространственного воображения,

алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных социально-экономических профилей и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

- готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

- готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

- отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

метапредметных:

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

- владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

- владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

- целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

предметных:

- сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

- сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

- владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

- владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

- сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

- владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

- сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

- владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

В результате изучения учебной дисциплины «Математика» обучающийся должен:

знать/понимать:

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности;
- вероятностный характер различных процессов окружающего мира.
- выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения;
- находить значения корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближенной оценкой при практических расчетах;
- выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций;
- использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:
- для практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.
- вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции;
- определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках;
- строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций;

- использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин;

- использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков.

уметь:

- находить производные элементарных функций;

- использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков;

- применять производную для проведения приближенных вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения;

- вычислять в простейших случаях площади и объемы с использованием определенного интеграла;

- использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

- решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы;

- использовать графический метод решения уравнений и неравенств;

- изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными;

- составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных) задачах.

- использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для построения и исследования простейших математических моделей.

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул;

- вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов; использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- для анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков;
- анализа информации статистического характера.
- распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении;
- анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве;
- изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач;
- строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды;
- решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов);
- использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:
 - для исследования (моделирования) несложных практических ситуаций на основе изученных формул и свойств фигур;
 - вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства.

Код компетенции	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС СПО
ОК 01.	Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам;
ОК 04.	Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде;
ОК 05.	Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста;
ОК 06.	Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения;

ОК 6	Работать в коллективе и в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, потребителями.
------	--

1.4. Рекомендуемое количество часов на освоение программы дисциплины:
максимальной учебной нагрузки обучающегося –340 часов, в том числе:
обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося - 184 часов;
самостоятельной работы обучающегося –156 часов.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Максимальная учебная нагрузка (всего)	340
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	184
В том числе:	
- теоретическое обучение	
- практические занятия	
Самостоятельная работы учащегося (всего)	156
В том числе:	
внеаудиторной самостоятельной работы: Свойства степени с действительным показателем. Обратные тригонометрические функции. Примеры функциональных зависимостей. Установление связи свойств функции и производной по их графикам. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений. Формула бинома Ньютона. Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач.	
<i>Промежуточная аттестация в форме</i>	экзамена

2.2 Тематический план и содержание учебной дисциплины «Математика»

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала		Объем часов	Уровень усвоения
1	2		3	4
Введение	1	Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении профессий СПО и специальностей СПО.	2	
Раздел 1. АЛГЕБРА			34/13	
Тема 1.1 Развитие понятия о числе.	Содержание учебного материала		8/2	2
	1.	Целые и рациональные числа. Действительные числа.	2	
	2.	Приближенные вычисления. Комплексные числа.	2	2
	Практическая работа:		4	
	1	Арифметические действия над числами,	2	
	2	Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений	2	
	Самостоятельная работа обучающегося Работа с литературой. Проработка конспектов. Решение контрольных вопросов. Оформление практической работы		2	
Тема № 1.2 Корни, степени и логарифмы	Содержание учебного материала		26/11	2
	1	Корни и степени. Корни натуральной степени из числа и их свойства.	2	
	2	Степени с рациональными показателями, их свойства.	2	2
	3	Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем.	2	2
	4	Логарифм. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество.	2	2
	5	Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами.	2	2
	6	Переход к новому основанию.	2	2
	7	Преобразование алгебраических выражений	2	2
	8	Преобразование рациональных, иррациональных степенных выражений.	2	2
	9	Преобразование показательных и логарифмических выражений.	2	2

	Практические занятия:		8	
	1	Вычисление и сравнение корней. Выполнение расчетов с радикалами	2	
	2	Решение иррациональных уравнений. Нахождение значений степеней с рациональными показателями. Сравнение степеней.	2	
	3	Нахождение значений логарифма по произвольному основанию.	2	
	4	Переход от одного основания к другому. Вычисление и сравнение логарифмов.	2	
		Самостоятельная работа обучающихся: Свойства степени с действительным показателем Переход к новому основанию Преобразования выражений, содержащих степени. Решение показательных уравнений.	11	
Раздел 2. Основы тригонометрии			44/14	
Тема2.1Основные тригонометрические тождества	Содержание учебного материала		18/6	
	1	Основные понятия.	2	
	2	Радианная мера угла.	2	
	3	Вращательное движение.	2	
	4	Синус, косинус, тангенс и котангенс чисел.	2	
	5	Основные тригонометрические тождества.	4	
	Практические занятия:		6	
	1	Радианный метод измерения углов вращения.	2	
	2	Связь с градусной мерой.	2	
	3	Основные тригонометрические тождества.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Выражение синуса через тангенс половинного угла. Выражение косинуса через тангенс половинного угла. Решение задач.		6	

Тема2.2 Преобразования простейших тригонометрических выражений	Содержание учебного материала		14/6	
	1	Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение.	2	2
	2	Преобразование произведения тригонометрических функций в сумму.	2	2
	3	Преобразование произведения тригонометрических неравенства.	2	2
	4	Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента.	2	2
	Практические занятия:		6	
	1	Преобразование произведения тригонометрических функций в сумму.	2	
	2	Формулы сложения, удвоения.	2	
	3	Вычислении значения тригонометрического выражения	2	
	Самостоятельная работа обучающихся Преобразование выражений через тангенс половинного аргумента. Преобразование суммы (разности) тангенсов двух углов. Доказательство тригонометрических		6	
	Тема 2.3 Тригонометрические уравнения и неравенства	Содержание учебного материала		12/2
1		Простейшие тригонометрические уравнения	2	2
2		Простейшие тригонометрические неравенства	2	2
Практические занятия:		4		
1		Решение простейших тригонометрических уравнений	4	
2		Решение простейших тригонометрических неравенств	4	
Самостоятельная работа обучающихся: Обратные тригонометрические функции. Арксинус, арккосинус, арктангенс		2		
Раздел 3. Функции, их свойства и графики			22/4	
Тема3.1 Функции и свойства функции.	Содержание учебного материала		12	
	1	Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами.	2	2
	2	Монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность.	2	2
	3	Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума.	2	2
	4	Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции.	2	2

	График обратной функции			
	Практические занятия:		4	
	1	Определение функций. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Свойства линейной, квадратичной, кусочно-линейной и дробно-линейной функций. Непрерывные и периодические функции.	2	
	2	Свойства и графики синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Обратные функции и их графики. Обратные тригонометрические функции. Преобразования графика функции.	2	
Тема 3.2 Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции	Содержание учебного материала		10/6	
	1	Определения функций, их свойства и графики.	2	2
	2	Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат.	2	2
	Практические занятия:		6	
	1	Показательные уравнения и неравенства.	2	
	2	Логарифмические уравнения и неравенства.	2	
	3	Тригонометрические уравнения и неравенства.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция). Понятие о непрерывности функции. Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции		4	
Раздел 4. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА			42/12	
Тема 4.1 Последовательности	Содержание учебного материала		8/2	
	1	Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности.	2	2
	2	Существование предела монотонной ограниченной последовательности.	2	
	3	Суммирование последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма.	2	2

	Практические занятия:		2	
	1	Числовая последовательность, способы ее задания, вычисления членов последовательности. Предел последовательности. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия.	2	
	Самостоятельная работа . Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Понятие о непрерывности функции		2	
Тема 4.2 Производная и её применение	Содержание учебного материала		18/6	
	1	Понятие о производной функции, ее геометрический и физический смысл	2	2
	2	Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частные. Производные основных элементарных функций.	2	2
	3	Применение производной к исследованию функций и построению графиков.	2	2
	4	Производные обратной функции и композиции функции. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах.	2	2
	5	Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.	4	2
	Практические занятия:		6	
	1	Производная: механический и геометрический смысл производной.	2	
	2	Уравнение касательной в общем виде. Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций.	2	
	3	Исследование функции с помощью производной. Нахождение наибольшего, наименьшего значения и экстремальных значений функции	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Решение задач. Геометрическое истолкование производной. Применение производной к графическому решению уравнений. Закон движения.		6	
	Содержание учебного материала		12/4	
	1	Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции.	2	2
Тема 4.3 Первообразная и интеграл	2	Формула Ньютона—Лейбница.	2	2
	3	Примеры применения интеграла в физике и геометрии.	2	2

	Практические занятия:		10	
	1	Интеграл и первообразная. Теорема Ньютона—Лейбница. Применение интеграла к вычислению физических величин и площадей.	2	
	2	Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей.	2	
	3	Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Изучение теорем о связи свойств функции и производной, формулировка их. Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой. Установление связи свойств функции и производной по их графикам. Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и на нахождение экстремума		4	
Раздел 5. Уравнения и неравенства.			20/10	
Тема 5.1 Уравнения и системы уравнений.	Содержание учебного материала		8/4	
	1	Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы.	2	2
	2	Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод). Равносильность уравнений, неравенств, систем.	2	2
	Практические занятия:		4	
	1	Корни уравнений. Равносильность уравнений.	2	
	2	Преобразование уравнений. Основные приемы решения уравнений. Решение систем уравнений.	4	
	Самостоятельная работа обучающихся: Проработка конспектов. Решение контрольных вопросов к главам учебной литературы после пройденной темы. Решение задач.		4	
	Тема 5.2 Неравенства	Содержание учебного материала		12/6
1		Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические неравенства. Основные приемы их решения.	2	2
2		Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств. Метод интервалов.	2	2

	3	Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.	2	2
	Практические занятия:		4	
	1	Использование свойств и графиков функций для решения уравнений.	2	
	2	Использование свойств и графиков функций для решения неравенств.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений		6	
Раздел 6. КОМБИНАТОРИКА, СТАТИСТИКА И ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ			30/12	
Тема 6.1 Элементы комбинаторики.	Содержание учебного материала		14/6	
	1	Основные понятия комбинаторики.	2	2
	2	Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний.	2	2
	3	Решение задач на перебор вариантов.	2	2
	Практические занятия:		6	
	1	История развития комбинаторики, теории вероятностей и статистики и их роль в различных сферах человеческой жизнедеятельности.	2	
	2	Правила комбинаторики. Решение комбинаторных задач. Размещения, сочетания и перестановки.	2	
	3	Размещения, сочетания и перестановки.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Проработка конспектов. Работа с литературой. Решение контрольных вопросов к главам учебной литературы после пройденной темы Оформление практической работы, отсчета и подготовке ее к защите		6	
	Тема 6.2 Элементы теории вероятностей и математической статистики	Содержание учебного материала		16/6
1		Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения.	2	2
2		Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел.	4	2
3		Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), генеральная совокупность,	4	2

		выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики.		
	Практические занятия:		6	
	1	Классическое определение вероятности, свойства вероятностей, теорема о сумме вероятностей.	2	
	2	Вычисление вероятностей. Прикладные задачи.	2	
	3	Прикладные задачи. Представление числовых данных. Прикладные задачи.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля. Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел. Понятие о задачах математической статистики. Решение практических задач с применением вероятностных методов		6	
Раздел 7. Геометрия			74/24	
Тема 7.1 Прямые и плоскости в пространстве	Содержание учебного материала		12/4	
	1	Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей.	2	2
	2	Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью.	2	2
	3	Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей.	2	2
	4	Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости		2
	Практические занятия:		2	
	1	Признаки взаимного расположения прямых. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Перпендикуляр и наклонная к плоскости. Угол между прямой и плоскостью. Теоремы о взаимном расположении прямой и плоскости. Теорема о трех перпендикулярах	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Построение перпендикулярных прямой и плоскости. Расстояние между скрещивающимися прямыми.		4	

Тема 7.2 Многогранники	Содержание учебного материала		16/4	
	1	Вершины, ребра, грани многогранника. Развертка. Многогранные углы. Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	2	2
	2	Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб	4	2
	3	Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр.	2	2
	4	Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде.	2	2
	5	Сечения куба, призмы и пирамиды. Представление о правильных многогранниках (тетраэдре, кубе, октаэдре, додекаэдре и икосаэдре).	2	2
	Практические занятия:		2	
	1	Различные виды многогранников. Их изображения. Сечения, развертки многогранников. Площадь поверхности. Виды симметрий в пространстве.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Развертка. Многогранные углы. Решение задач.		4	
Тема 7.3 Тела и поверхности вращения	Содержание учебного материала		14/4	
	1	Цилиндр и конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.	2	2
	2	Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.	4	2
	3	Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.	2	2
	4	Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.	2	2
	Практические занятия:		4	
	1	Симметрия тел вращения и многогранников. Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Усеченный конус, Осевые сечения и сечения, параллельные основанию. Усеченный конус.		2	
Тема 7.4 Измерение в геометрии	Содержание учебного материала		16/4	
	1	Объем и его измерение. Интегральная формула объема.	2	2
	2	Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса.	4	2
	3	Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы.	4	2
	4	Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.	2	2

	Практические занятия:		4	
	1	Изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения. Вычисление площадей и объемов.	4	
	Самостоятельные работы Равновеликие тела. Объем усеченной пирамиды, конуса, шарового сегмента и сектора.		4	
Тема 7.5 Координаты и векторы	Содержание учебного материала		14/4	
	1	Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками. Уравнения сферы, плоскости и прямой	2	2
	2	Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. У	2	2
	3	Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям.	2	2
	4	Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось.	2	2
	5	Координаты вектора. Скалярное произведение векторов.	2	2
	6	Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач.	2	2
	Практические занятия:		4	
	1	Векторы. Действия с векторами. Декартова система координат в пространстве. Уравнение окружности, сферы, плоскости. Расстояние между точками	2	
	Самостоятельная работа обучающихся: Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач		4	
Всего			340	

Для характеристики уровня освоения учебного материала используются следующие обозначения:

- 1.- ознакомительный (указание ранее изученных объектов, свойств)
- 2.- репродуктивный (выполнение деятельности по образцу, инструкции или под руководством)
- 3.- продуктивный (планирование и самостоятельное выполнение деятельности, решение проблемных задач)

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

Реализация учебной дисциплины требует наличия учебного кабинета математических дисциплин

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий;

3.2. Информационное обеспечение обучения.

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Основная литература:

1. Булдык Г. М. Математика: учебное пособие для СПО / Г. М. Булдык. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 156 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/356150>
2. Кытманов А. М. Математика: учебное пособие для СПО / А. М. Кытманов, Е. К. Лейнартас, С. Г. Мысливец. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 288 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/383453>
3. Сиротина И. К. Математический анализ. Интерактивный курс: учебное пособие для СПО / И. К. Сиротина. — Санкт-Петербург: Лань, 2022. — 300 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/238817>
4. Туганбаев А. А. Основы высшей математики. Часть 10: учебник для СПО / А. А. Туганбаев. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 164 с. — URL: <https://e.lanbook.com/book/394514>

5. Туганбаев А. А. Основы высшей математики. Часть 2: учебник для СПО / А. А. Туганбаев. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 328 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/386450>

6. Туганбаев, А. А Основы высшей математики. Часть 3: учебник для СПО / А. А. Туганбаев. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 308 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/183367>

7. Туганбаев, А. А. Основы высшей математики. Часть 4: учебник для СПО / А. А. Туганбаев. — Санкт-Петербург: Лань, 2022. — 288 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/221246>

8. Гарбарук В. В. Решение задач по математике. Практикум для студентов средних специальных учебных заведений: учебное пособие для СПО / В. И. Родин, И. М. Соловьева, М. А. Шварц. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург: Лань, 2023. — 416 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/292952>

9. Булдык Г. М. Сборник задач и упражнений по высшей математике: учебное пособие для СПО / Г. М. Булдык. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 332 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/321182>

10.Степучев В. Г. Решение линейных дифференциальных уравнений: учебник для СПО / В. Г. Степучев. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 188 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/162378>

Дополнительная литература:

1. Бабичева И. В. Алгебра и аналитическая геометрия. Контролирующие материалы к тестированию: учебное пособие для СПО / И. В. Бабичева. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 204 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/159459>

2. Бородина, Е. А. Вычислительная математика. Применение программной среды Mathcad : учебное пособие для СПО / Е. А. Бородина, Т. Р. Ягофаров. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 44 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/405524>

3. Бородина, Е. А. Вычислительная математика. Применение программной среды Mathcad : учебное пособие для СПО / Е. А. Бородина, Т. Р. Ягофаров. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 44 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/405524>

4. Бусяцкая И. К. Линейная алгебра. Лекции: учебное пособие для СПО / И. К. Бусяцкая. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 268 с. — URL: <https://e.lanbook.com/book/380711>

5. Блинова, С. П. Математика. Практикум для студентов технических специальностей : учебное пособие для СПО / С. П. Блинова. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 196 с. — URL: <https://e.lanbook.com/book/383441>

6. Лисичкин, В. Т. Математика в задачах с решениями: учебное пособие для СПО / В. Т. Лисичкин, И. Л. Соловейчик. — 10-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2023. — 464 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/314798>

7. Павлов, Е. А. Введение в алгебру и математический анализ: учебное пособие для СПО / О. И. Рудницкий, А. И. Фурменко, Т. М. Шамилев. — Санкт-Петербург: Лань, 2023. — 68 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/276665>

8. Степанова М. А. Аналитическая геометрия. Курс лекций: учебное пособие для СПО / М. А. Степанова. — Санкт-Петербург: Лань, 2023. — 172 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/302735>

9. Трухан А. А. Векторная алгебра, аналитическая геометрия и методы математического программирования: учебник для СПО / А. А. Трухан. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 400 с. — URL: <https://e.lanbook.com/book/183224>

10. Трухан А. А. Линейная алгебра и линейное программирование: учебное пособие для СПО / А. А. Трухан, В. Г. Ковтуненко. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 316 с.— URL: <https://e.lanbook.com/book/396497>

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий и лабораторных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований

обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований

Результаты обучения (освоенные умения, усвоенные знания)	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
<p>Умения</p> <ul style="list-style-type: none"> – выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приемы; находить приближенные значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения; – находить значения корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближенной оценкой при практических расчетах; – выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций; – вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции; – определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках; – строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций; – использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин; – находить производные элементарных функций; – использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков; – применять производную для проведения приближенных вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения; – вычислять в простейших случаях площади и объемы с использованием определенного интеграла; 	<p><i>Текущий контроль:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - практические занятия; - внеаудиторная самостоятельная работа - тесты - самостоятельные работы <p><i>Промежуточный контроль:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - контрольная работа <p><i>Итоговый контроль:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - экзамен

<ul style="list-style-type: none"> – решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы; – использовать графический метод решения уравнений и неравенств; – изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными; – составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных) задачах. – решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул; – вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов; – распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями; – описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении; – анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве; – изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач; – строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды; – решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов); – использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы; – проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач; 	
Знание:	
<ul style="list-style-type: none"> – значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе; 	<p>Оценка результатов устного персонального опроса.</p> <p>Оценка результата выполненных самостоятельных работ.</p> <p>Оценка результата выполненных контрольных работ.</p> <p>Оценка результата выполненных</p>

<ul style="list-style-type: none"> – значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии; – универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности; – вероятностный характер различных процессов окружающего мира. 	<p>заданий в тестовой форме.</p>
---	----------------------------------